

яния в  $L$  выполняется всегда.

**Теорема.** 1. Существует единственная  $(2,3)$ -однородная логика  $L$  с  $\text{card}A = 9$ . При этом  $L$  регулярная логика множеств и  $\text{card}S_2 = 6$ .

2. Существуют только две  $(2,3)$ -однородные логики с  $\text{card}A = 12$ . При этом одна из них является регулярной логикой множеств с  $\text{card}S_2 = 9$ , другая не является логикой множеств и  $\text{card}S_2 = 7$ .

3. Существуют только пять  $(2,3)$ -однородных логик с  $\text{card}A = 15$ . Все они не являются логиками множеств и  $\text{card}S_2 \in \{6, 8, 9, 11, 12\}$ .

**Замечание.** Реализации  $(2,3)$ -однородных логик с  $\text{card}A = 18$ , рассмотренные автором, допускают двузначные состояния. В связи с этим возникает проблема: существует ли на любой  $(2,3)$ -однородной логике двузначное состояние?

Работа поддержана РФФИ (проект 98-01-00103) и программой "Университеты России" (проект 990213).

## ЛИТЕРАТУРА

1. Овчинников П. Г. Об однородных конечных логиках Гречи, допускающих двузначное состояние// Теория функций, ее прил. и смежные вопросы. Материалы школы-конф., посв. 130-летию со дня рождения Д.Ф.Егорова. – Казань: Изд-во Каз. мат. тем. общ-ва, 1999. – С. 167–168.

2. Rogalewicz V. A remark on  $\lambda$ -regular orthomodular lattices// Aplikacje Mat. – 1989. – V. 34. – P. 449–452.

А. Я. Султанов (Пенза)

## О РАЗЛОЖЕНИЯХ ИНФИНИТЕЗИМАЛЬНЫХ АФФИННЫХ ПРЕОБРАЗОВАНИЙ СУММ УИТНИ КАСАТЕЛЬНЫХ РАССЛОЕНИЙ

Пусть  $M_n$  — дифференцируемое многообразие,  $\nabla$  — линейная связность на  $M_n$ ,  $T(M_n)$  — касательное расслоение и  $\tilde{M}_n =$

$T(M_n) \oplus \dots \oplus T(M_n)$  — сумма Уитни  $m$  экземпляров касательных расслоений над  $M_n$ .

На  $\tilde{M}_n$  существует единственная линейная связность  $\nabla^H$ , удовлетворяющая условиям

$$\nabla^H Y^H(X^H) = (\nabla Y(X))^H, \quad \nabla^H Y^{(\alpha)}(X^H) = (\nabla Y(X))^\alpha,$$

$$\nabla^H Y^H(X^\alpha) = \nabla^H Y^{(\alpha)}(X^{(\sigma)}) = 0.$$

Всякое инфинитезимальное аффинное преобразование  $\tilde{X}$  пространства  $(\tilde{M}_n, \nabla^H)$  допускает единственное разложение [1]:

$$\tilde{X} = X^H + (F^\alpha)_{[\alpha]}^H + (Q_\sigma^\alpha)^{(\sigma)}_{[\alpha]} + Y_\sigma^{(\sigma)},$$

где  $X, Y_\sigma \in \tau_0^1(M_n)$ ,  $F^\alpha, Q_\sigma^\alpha \in \tau_1^1(M_n)$ ,  $\alpha, \sigma = 1, 2, \dots, m$ , причем  $L_X \nabla = 0$ ,  $\nabla F^\alpha = 0$ ,  $\nabla Q_\sigma^\alpha + \delta_\sigma^\alpha \tilde{R}(X) = 0$ ,  $\nabla^2 Y_\alpha = 0$ ,  $R \circ F = 0$ ,  $T \circ F = 0$ .

Приведенное разложение позволяет построить другое разложение векторного поля  $\tilde{X}$ , которое использует полное поднятие векторных полей с базы в сумму Уитни. Доказано, что инфинитезимальное аффинное преобразование  $\tilde{X}$  на  $(\tilde{M}_n, \nabla^H)$  допускает единственное разложение вида

$$\tilde{X} = X^0 + (F^\alpha)_{[\alpha]}^H + (P_\sigma^\alpha)^{(\sigma)}_{[\alpha]} + Y_\sigma^{(\sigma)},$$

причем  $L_X \nabla = 0$ ,  $\nabla F^\alpha = 0$ ,  $\nabla P_\sigma^\alpha = 0$ ,  $\nabla^2 Y_\sigma = 0$ ,  $R \circ F = 0$ ,  $T \circ F = 0$ .

## ЛИТЕРАТУРА

1. Султанов А. Я. *Инфинитезимальные аффинные преобразования в расслоениях Вейля первого порядка со связностью горизонтального лифта*// Движения в обобщенных пространствах. Межвуз. сб. науч. тр. Пенз. гос. пед. ун-та. - 1999. - С. 142-149.